

# Programmation par ensemble-réponse (ASP) et application à la reconstruction et la correction de réseaux biologiques

Anne Siegel



Ecole Thematique CNRS - Porquerolles. 2013

# Location

University Rennes  
& CNRS & Inria

Computer science dpt

Bioinformatics &  
Systems biology



# Personal presentation

## Background

- **Thesis.** Discrete dynamical systems. Ergodic theory and fractals.
- **Arriving in Rennes....** Applications of dynamical systems in theoretical computer sciences (numeration systems, discrete geometry).
- **... Now.** Applications of dynamical systems in **integrative and systems biology**.

## Main questions

- **Which invariant properties of dynamical systems lead to a better understanding of biological systems?**
- How can we take such information into account?

# Motivation

Integration of data and knowledge (usual approach)

- **Characteristics.** Uncertainty and multi-scale observations.
- **Methods.** Discriminative approaches selecting the most accurate model.
- **Weakness.** Very dependent on the quality of data.

**Goal : reasoning over a complete family of feasible models instead of selecting one model**

- Exhibit properties of the system to reduce the space of feasible models.  
→ **Dynamical systems**
- Develop methods to exhaustively parse or sample the space.  
→ **Knowledge reasoning**

**Extract robust information about the subsystems which deserve a specific dynamical study?**



# Several examples of applications

*Introducing dynamical background in knowledge reasoning ?*

## Model correction and curation

- Dynamics: qualitative model of steady-state shifts
- Potential regulators of a cancer phenotype

## Network inference

- Reconstruct metabolic network.
- Optimize the number of interactants.
- Identify regulatory modules in a network

## Learning the boolean dynamical of a model

- Model steady-state of boolean networks.
- Derive controllers.

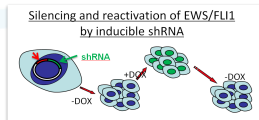
## Learn hidden correlations from quantitative data

- Use ergodic invariants.
- Predict sensitive reactions

# First case-study example

## Ewing Sarcoma

- Chimeric protein
- **Institut Curie**. Inactivation of the protein expression.



## Data [Institut curie. Barillot & Delattre]

- Literature-based regulatory network
- Time-series genes expression after the protein inactivation

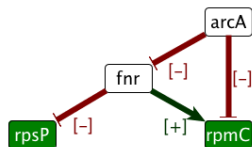


→ What can be surely predicted from this information?

# Problem reformulation?

## Knowledge representation

- **Regulations.** Signed oriented graph.
- **Edge colors.** Regulatory effects.
- **Node colors.** Expression data.



→ What would we like to say about *fnr* ?

# Problem reformulation?

Dynamical systems [Radulescu, Roy. Soc. Interface'06, Siegel, Biosystems'06]

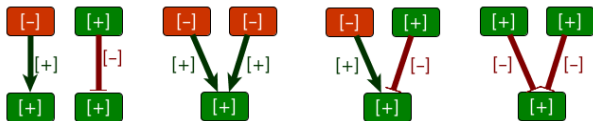
**Theorem.** Assume that

- *Specy  $i$  autoregulates itself negatively:*  $\frac{\partial \mathbf{F}_{X(i)}}{\partial X(i)} < -C, \quad C > 0.$
- *There is no direct influence from  $\mathbf{P}$  on  $X(i)$*
- *When  $i$  is absent, the system produces it  $\mathbf{F}_{X(i)}(\{\mathbf{X}, X(i) = 0\}) > 0$*
- *For every predecessor  $k \rightarrow i$ , the sign of the action  $\frac{\partial \mathbf{F}_{X(i)}}{\partial X(k)}$  is constant during the experimentation*

Then the variations of the species between two steady states (for different parameters) satisfy the following relationship:

$$\text{sign}(\Delta X(i)) \simeq \sum_{k \neq i, k \rightarrow i} \text{sign} \left( \frac{\partial \mathbf{F}_{X(i)}}{\partial X(k)} \right) \times \text{sign}(\Delta X(k)).$$

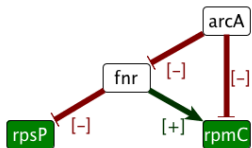
Take-home message **The expression of each target gene MUST BE explained by the consistent regulation of a source**



FORBIDDEN COLORED PATTERNS

# Validation/Correction of (possibly inferred) networks

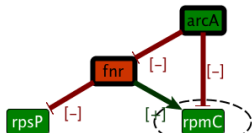
**Constraint over graph-coloring** Explain the expression of each target gene by the consistent regulation of a source.



FORBIDDEN COLORED PATTERNS

## Application [Guziolowski-BMCGenomics'09, Gebser-KR'10]

- **Prediction.** *rpsP* and *fnr* have fixed colors according to allowed patterns.
- **Diagnosis.** An extra forbidden pattern appears on *rpmC*.
- **Correction.** Also possible.



The expression of *rpmC* cannot be explained.

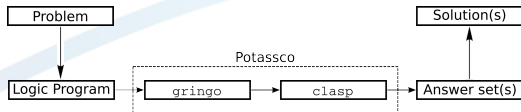
## How can you solve this question efficiently ???

```
vertex(rpsP). vertex(fnr).  
vertex(arcA). vertex(rpmC).  
edge(fnr,rpsP). observedE(fnr,rpsP,-).  
edge(fnr,rpmC). observedE(fnr,rpmC,+).  
edge(arcA,fnr). observedE(arcA,fnr,-).  
edge(arcA,rpmC). observedE(arcA,rpmC,-).  
observedV(rpsP,-). observedV(rpmC,-).  
labelV(I ,+) ; labelV (I ,- ) :- vertex(I).  
labelV(I ,S) :- observedV(I,S).  
labelE(J,I,+ ) ; labelE (J,I,- ) :- edge(J,I).  
labelE(J,I,S) :- observedE(J,I,S).  
receive(I,+ ) :- labelE(J,I,S), labelV(J,S).  
receive(I,- ) :- labelE(J,I,S), labelV(J,T), S!=T.  
:- labelV (I,S), not receive(I,S).
```

**Natural question: what is this?**

# Answer Set Programming: *what?* instead of *how?*

- Declarative logical problem solving paradigm
- Knowledge representation and reasoning problems
- **Combinatorial search problems in NP** → *constraint satisfaction, diagnosis, repairing, planning...*



Potassco: **Potsdam** Answer Set Solving Collection  
<http://potassco.sourceforge.net>

## Rich modeling language

- Encoding problems as **queries on propositional logical programs**.
- *Gringo* grounder

## Highly efficient inference engines

- **Boolean constraint** solving technology
- *Clasp* solver
- Competing with the power of SAT algorithms.

## Programmation par ensembles-réponses: les bases



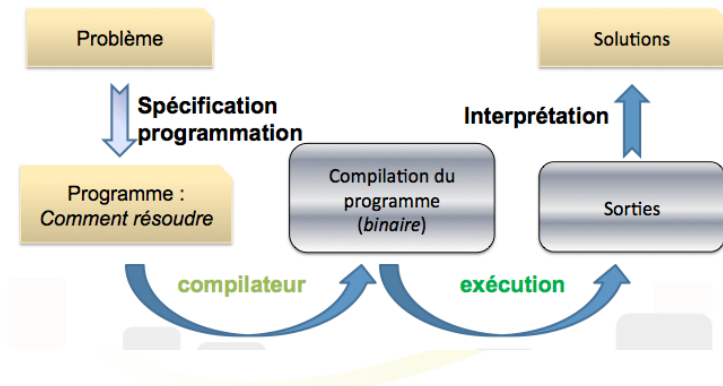
# Principe généraux

**Approche déclarative** Modélisation du problème à résoudre sous formes d'axiomes et de contraintes exprimées dans un langage logique.

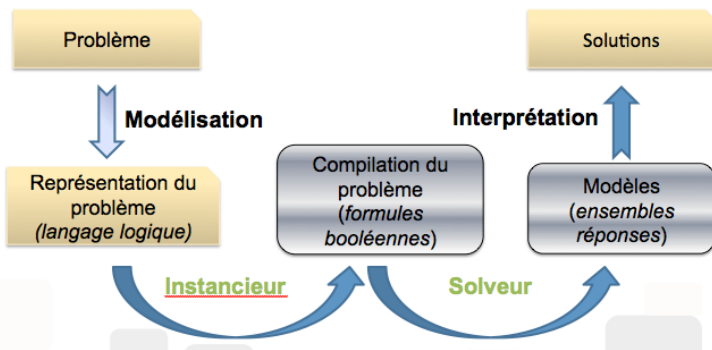
**Pourquoi ce nom ?** Les modèles logiques solutions de l'ensemble de formules, les ensembles réponses, sont les résultats du programme.

**Principe** Des solveurs associés effectuent la recherche d'une, de plusieurs, ou de l'ensemble des solutions.

# Programmation usuelle

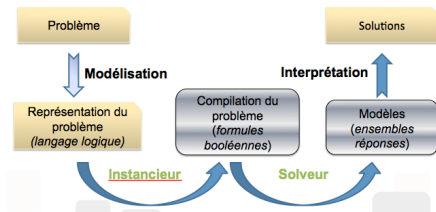


- **Compilateur**: version dans un langage de bas-niveau de l'algorithme.



- L'**instancieur** prend la représentation du problème et le transforme en des formules booléennes de bas niveau.
  - remplacement des variables par des constantes.
  - Remplace le binaire.
- Le **solveur** remplace l'exécuteur.
  - résoud les contraintes

# ”Quoi” plutôt que ”comment”



- La spécification (**modélisation**) est fondamentale puisque c'est là qu'on décrit le programme.
- Le solveur résout le problème plutôt que de faire un algorithme qui dit comment résoudre le problème.

**On décrit des relations, pas des procédures !**

# Pourquoi maintenant ?

## Il existe déjà des approches déclaratives (Prolog en particulier)...

### Les spécificités d'ASP

- **Négation** (monde clos). Un prédicat est faux tant qu'aucune indication ne permet de dire qu'il est vrai.
- **Expressivité**. Logique propositionnelle: on ne peut travailler sur un ensemble fini d'atome.  
→ Raisonnement sur l'infini "délicat".
- **Résolution**. Techniques novatrices avancées basées sur l'énumération (SAT, techniques de gestions de BDD déductives) alors que Prolog réalise une réécriture de programme.  
  
→ L'ordre des clauses n'a pas d'impact sur la solution.  
  
→ Totalement décidable: pas de "boucle infinie" dans la résolution.
- **Optimisation** avec différents critères.
- **Raisonnement**. Différents modes possibles (intersection, union, énumération).

# Short description

## Disjunctive rules

$$\underbrace{k \{ a_1; \dots; a_n \}}_{\text{head}} \mid \underbrace{:- a_{n+1}, \dots, a_r, \text{not } a_{r+1}, \dots, \text{not } a_s}_{\text{body}}$$

- **Atoms.**  $a_1 \dots a_n$  can be considered as facts.

- **Deduction**

Whenever all facts of the body are satisfied, between  $k$  and  $l$  facts in the head shall be true.

- **Facts.** "  $a$  ." is always true.

- **Integrity constraint.** " :  $-a$  ." is always "false".

**Answer Set at roughly glance** (see the following for details)

- Set of atoms satisfying all logical rules

- Minimality and stability properties

- Every atom of an answer set appears in the head of at least one rule.

# Who killed Mr Boddy ?

## Program

```
1{murderer(ms_Scarlet),murderer(colonel_Mustard)}1.  
1{weapon_of_crime(revolver),weapon_of_crime(candlestick)}1.  
1{place_of_crime(kitchen),place_of_crime(hall),place_of_crime(dining-room)}1.  
  
:- place_of_crime(kitchen).  
place_of_crime(hall) :- murderer(colonel_Mustard),  
                        not weapon_of_crime(revolver).  
weapon_of_crime(candlestick).  
  
#hide.  
#show murderer/1. #show place_of_crime/1. #show weapon_of_crime/1.
```

Answer Sets? *Exercise: do it yourself!*

# Who killed Mr Boddy ?

## Program

**% Specify that there is only one murder**

```
1{murderer(ms_Scarlet),murderer(colonel_Mustard)}1.
```

```
1{weapon_of_crime(revolver),weapon_of_crime(candlestick)}1.
```

```
1{place_of_crime(kitchen),place_of_crime(hall),place_of_crime(dining-room)}1.
```

**% Declare what you can deduce from your cards**

```
:- place_of_crime(kitchen).
```

```
place_of_crime(hall) :- murderer(colonel_Mustard),  
                        not weapon_of_crime(revolver).
```

```
weapon_of_crime(candlestick).
```

**% Enumerate the solutions**

```
#hide.
```

```
#show murderer/1. #show place_of_crime/1. #show weapon_of_crime/1.
```

Answer Sets? *Exercise: do it yourself!*



# Who killed Mr Boddy ?

## Program

**% Specify that there is only one murder**

```
1{murderer(ms_Scarlet),murderer(colonel_Mustard)}1.
```

```
1{weapon_of_crime(revolver),weapon_of_crime(candlestick)}1.
```

```
1{place_of_crime(kitchen),place_of_crime(hall),place_of_crime(dining-room)}1.
```

**% Declare what you can deduce from your cards**

```
:- place_of_crime(kitchen).
```

```
place_of_crime(hall) :- murderer(colonel_Mustard),  
                        not weapon_of_crime(revolver).
```

```
weapon_of_crime(candlestick).
```

**% Enumerate the solutions**

```
#hide.
```

```
#show murderer/1. #show place_of_crime/1. #show weapon_of_crime/1.
```

**Answer Sets? *Exercise: do it yourself!***

```
weapon_of_crime(candlestick) murderer(colonel_Mustard) place_of_crime(hall)  
weapon_of_crime(candlestick) murderer(ms_Scarlet) place_of_crime(dining_room)  
weapon_of_crime(candlestick) murderer(ms_Scarlet) place_of_crime(hall)
```

## Programmation par ensembles-réponses: d'un point de vue concret

# Syntaxe: Termes

**Constante** : entier, mot de  $\{a-z, A-Z, 0-9, -\}^*$  débutant par une **minuscule**.

**Variable** : mot de  $\{a-z, A-Z, 0-9, -\}^*$  débutant par une **majuscule**.

## Fonction

- constante(terme,... terme)
- opérateurs infixes (a+b)
- notations de liste.  $L=[a,b,c]=[a|U]$ ,  $U=[b,c]$ ,  $[c]=[c|[ ]]='. '(c, [ ])$

## Litteral

● **Négation** not q

● **Calculs**

$X < Y$   $U \neq V$   $X + Y < 5$

● **Condition**

$1\{r(X) : q(X)\}2$

→ sous-ensemble de taille 1 à 2 de l'ensemble des  $r(X)$ , où  $X$  est dans le domaine défini par  $q$ .

$2\{r(U) : q(U)=U, s(V) : t(V)=2\}$

→ *Exercise: do it yourself !*

# Syntaxe: Termes

**Constante** : entier, mot de  $\{a-z, A-Z, 0-9, _\}$ \* débutant par une **minuscule**.

**Variable** : mot de  $\{a-z, A-Z, 0-9, _\}$ \* débutant par une **majuscule**.

## Fonction

- constante(terme,... terme)
- opérateurs infixes (a+b)
- notations de liste.  $L=[a,b,c]=[a|U]$ ,  $U=[b,c]$ ,  $[c]=[c|[ ]]='. '(c, [ ])$

## Litteral

- **Négation** not q

- **Calculs**

$X < Y$   $U \neq V$   $X + Y < 5$

- **Condition**

$1\{r(X) : q(X)\}2$

→ sous-ensemble de taille 1 à 2 de l'ensemble des  $r(X)$ , où  $X$  est dans le domaine défini par  $q$ .

$2\{r(U) : q(U)=U, s(V) : t(V)=2\}$

→ **Exercise: do it yourself!** Sous-ensemble de taille au moins 2 de l'ensemble composé des  $r(U)$  vrais pour lesquels  $U$  est tel que  $q(U)=U$ , et de l'ensemble des  $s(V)$  vrais pour lesquels  $V$  est tel que  $t(V)=2$ .

# Syntaxe: Clauses

**Faits** :  $p(2,a)$ .  $\rightarrow p(2,a)$  est vrai.

**Règle** :  $q(X) :- p(X,Y), q(Y)$ .

$\rightarrow$  Si  $p(X,Y)$  est vrai et  $q(Y)$  est vrai, alors  $q(X)$  est vrai aussi.

**Contrainte** :

$:- q(2)$ .

$\rightarrow q(2)$  est faux.

$:- p(X), q(X)$ .

$\rightarrow$  "p(X) et q(X)" est faux.

$:- \text{not } \{r(U+1) : q(U)\}M, \text{max}(M)$ .

$\rightarrow$  *Exercise: do it yourself !*

# Syntaxe: Clauses

**Faits** :  $p(2, a)$ .  $\rightarrow p(2, a)$  est vrai.

**Règle** :  $q(X) :- p(X, Y), q(Y)$ .

$\rightarrow$  Si  $p(X, Y)$  est vrai et  $q(Y)$  est vrai, alors  $q(X)$  est vrai aussi.

**Contrainte** :

$:- q(2)$ .

$\rightarrow q(2)$  est faux.

$:- p(X), q(X)$ .

$\rightarrow$  " $p(X)$  et  $q(X)$ " est faux.

$:- \text{not } \{r(U+1) : q(U)\}M, \text{max}(M)$ .

$\rightarrow$  *Exercise: do it yourself!* Quelle que soit la valeur de  $M$  dans son domaine défini par  $\text{max}$ , il y a au plus  $M$  valeurs de  $U$  dans son domaine défini par  $q$  telles que  $r(U+1)$  est vérifié.

# Syntaxe: Clauses

## Optimisation

```
#minimize [ t(X):s(X)=poids(X) ].
```

→ chercher à minimiser au sens de leur poids global l'ensemble d'éléments pondérés constitué des  $t(X)$ , chacun de poids  $X$ , où  $X$  varie dans le domaine de variation défini par  $s$ .

```
#maximize [ p=1, q(X,Y):X>0:Y<0=2 ].
```

→ *Exercise: do it yourself !*

## Mutli-optimisation

```
#maximize [ p=1@2, q(X,Y):X>0:Y<0=2@2 ].
```

```
#minimize [ t(X):s(X)=X-1@1 ].
```

→ On cherche d'abord à maximiser (priorité @2) avant de minimiser (priorité @1 < @2).

## Sorties

```
#hide.
```

```
#show p(X). #show p/1. #show s(X):r(X).
```

→ le /1 désigne l'arité de  $p$ .  $p/1$  est équivalent à  $p(X)$ .

# Syntaxe: Clauses

## Optimisation

```
#minimize [ t(X):s(X)=poids(X) ].
```

→ chercher à minimiser au sens de leur poids global l'ensemble d'éléments pondérés constitué des  $t(X)$ , chacun de poids  $X$ , où  $X$  varie dans le domaine de variation défini par  $s$ .

```
#maximize [ p=1, q(X,Y):X>0:Y<0=2 ].
```

→ *Exercise: do it yourself!* maximiser au sens de leur poids global la présence de l'ensemble d'éléments pondérés constitué de  $p$  de poids 1 et de tous les  $q(X,Y)$  de poids 2 où  $X$  et  $Y$  varient dans leur domaines de variation définis par ailleurs dans les clauses définissant  $q$  mais avec la restriction supplémentaire que  $X$  soit strictement positif et  $Y$  strictement négatif.

## Mutli-optimisation

```
#maximize [ p=1@2, q(X,Y):X>0:Y<0=2@2 ].
```

```
#minimize [ t(X):s(X)=X-1@1 ].
```

→ On cherche d'abord à maximiser (priorité @2) avant de minimiser (priorité @1 < @2).

## Sorties

```
#hide.
```

```
#show p(X). #show p/1. #show s(X):r(X).
```

→ le  $/1$  désigne l'arité de  $p$ .  $p/1$  est équivalent à  $p(X)$ .



# Utiliser potasco

## Sources

- Installation : <http://potassco.sourceforge.net/>
- Version binaire linux/windows/mac :  
<http://www.cs.uni-potsdam.de/~sthiele/bioasp/downloads/bin/>

## Appel

- `gringo cluedo.lp -t` Pour voir le modèle instancié généré (suppression des variables)
- `gringo input.lp model.lp -c chain_size=28 | clasp -stats` 1 solution
- `clingo cluedo.lp -n 10` 10 solutions
- `gringo cluedo.lp | clasp -n 0` Toutes les solutions

# Utilisation du grounder

**Le programme suivant ne fait pas appel à l'instancieur : pas de variables**

**% Specify that there is only one murder**

```
1{murderer(ms_Scarlet),murderer(colonel_Mustard)}1.  
1{weapon_of_crime(revolver),weapon_of_crime(candlestick)}1.  
1{place_of_crime(kitchen),place_of_crime(hall),place_of_crime(dining-room)}1.
```

**% Declare what you can deduce from your cards**

```
:- place_of_crime(kitchen).  
place_of_crime(hall) :- murderer(colonel_Mustard), not  
weapon_of_crime(revolver).  
weapon_of_crime(candlestick).
```

**% Enumerate the solutions**

```
#hide. #show murderer/1. #show place_of_crime/1. #show  
weapon_of_crime/1.
```

Ce programme n'est pas "canonique".

# Meilleur programme

## Utilisation de variables

### % Declare what you are playing with

```
place(kitchen; hall; diningroom).  
weapon(revolver, candlestick).  
character(colonel_Mustard;ms_Scarlet).
```

### % Specify that there is only one murder

```
1{murderer(X) : character(X)}1.
```

→ Le grounder va instancier cette clause en

```
1{murderer(ms_Scarlet),murderer(colonel_Mustard)}1.
```

```
1{weapon_of_crime(X) : weapon(X)}1.
```

→ grounding:

```
1{weapon_of_crime(revolver),weapon_of_crime(candlestick)}1.
```

```
1{place_of_crime(X) : place(X)}1.
```

→ grounding:

```
1{place_of_crime(kitchen),place_of_crime(hall),place_of_crime(dining-room)}1.
```

# Exercice

**Données** : nombre de minutes que doit mettre un taxi pour joindre un client

```
cout(taxi1,client1,10).   cout(taxi2,client1,8).  
cout(taxi3,client1,12).   cout(taxi1,client2,11).  
cout(taxi2,client2,15).   cout(taxi3,client2,13).  
cout(taxi1,client3 ,7).   cout(taxi2,client3 ,7).  
cout(taxi3,client3,10).
```

**Dérivation d'un graphe ?** Comment identifier les taxis et les clients ?

→ *Exercice: do it yourself !*

**Caractéristiques d'une solution**  $sol(Taxi, Client)$  doit être tel qu'il y a 1 taxi par client et 1 client par taxi

→ *Exercice: do it yourself !*

**Optimisation** Minimiser le coût d'affectation ?

→ *Exercice: do it yourself !*

# Exercice

**Données** : nombre de minutes que doit mettre un taxi pour joindre un client

```
cout(taxi1,client1,10).   cout(taxi2,client1,8).  
cout(taxi3,client1,12).   cout(taxi1,client2,11).  
cout(taxi2,client2,15).   cout(taxi3,client2,13).  
cout(taxi1,client3 ,7).   cout(taxi2,client3 ,7).  
cout(taxi3,client3,10).
```

**Dérivation d'un graphe ?** Comment identifier les taxis et les clients ?

→ *Exercise: do it yourself !* `agent(T):- cout(T,-,-). client(T):-  
cout(-,T,-).`

**Caractéristiques d'une solution** `sol(Taxi, Client)` doit être tel qu'il y a 1 taxi par client et 1 client par taxi

→ *Exercise: do it yourself !*

**Optimisation** Minimiser le coût d'affectation ?

→ *Exercise: do it yourself !*

## Exercice

**Données** : nombre de minutes que doit mettre un taxi pour joindre un client

```
cout(taxi1,client1,10).  cout(taxi2,client1,8).  
cout(taxi3,client1,12).  cout(taxi1,client2,11).  
cout(taxi2,client2,15).  cout(taxi3,client2,13).  
cout(taxi1,client3 ,7).  cout(taxi2,client3 ,7).  
cout(taxi3,client3,10).
```

**Dérivation d'un graphe ?** Comment identifier les taxis et les clients ?

→ *Exercise: do it yourself !* `agent(T):- cout(T,-,-). client(T):-  
cout(-,T,-).`

**Caractéristiques d'une solution** `sol(Taxi, Client)` doit être tel qu'il y a 1 taxi par client et 1 client par taxi

→ *Exercise: do it yourself !*

```
1{sol(X,Y):taxi(X)}1:- client(Y).  
1{sol(X,Y):client(Y)}1:- client(X).
```

**Optimisation** Minimiser le coût d'affectation ?

→ *Exercise: do it yourself !*

## Exercice

**Données** : nombre de minutes que doit mettre un taxi pour joindre un client

```
cout(taxi1,client1,10).  cout(taxi2,client1,8).  
cout(taxi3,client1,12).  cout(taxi1,client2,11).  
cout(taxi2,client2,15).  cout(taxi3,client2,13).  
cout(taxi1,client3 ,7).  cout(taxi2,client3 ,7).  
cout(taxi3,client3,10).
```

**Dérivation d'un graphe ?** Comment identifier les taxis et les clients ?

→ *Exercise: do it yourself !* `agent(T):- cout(T,-,-). client(T):-  
cout(-,T,-).`

**Caractéristiques d'une solution** `sol(Taxi, Client)` doit être tel qu'il y a 1 taxi par client et 1 client par taxi

→ *Exercise: do it yourself !*

```
1{sol(X,Y):taxi(X)}1:- client(Y).  
1{sol(X,Y):client(Y)}1:- client(X).
```

**Optimisation** Minimiser le coût d'affectation ?

→ *Exercise: do it yourself !*

```
#minimize[sol(Taxi, Client):cout(Taxi, Client, Temps)=Temps].
```

.... généralisable à de nombreux problèmes de graphes.

# Classification

## Données

```
ville(brest;rennes;nantes;paris).
```

**Optimisation** Quelle est la plus grande ville de France ?

```
plusgrandeville(V):- ville(V), U<=V:ville(U).
```

→ la condition  $U < V$  utilise la longueur des mots et l'ordre lexicographique !!

**Deuxième question** Quelle est la plus petite ville de France ?

→ *Exercise: do it yourself !*

## Nouvelles données

```
population(brest,20000). population(rennes,300000).  
population(paris,10000000). population(nantes,500000).
```

**Dernière question** Quelle est la plus grande ville de France en terme de population ?

→ *Exercise: do it yourself !*



# Classification

## Données

ville(brest;rennes;nantes;paris).

**Optimisation** Quelle est la plus grande ville de France ?

`plusgrandeville(V):- ville(V), U<=V:ville(U).`

→ la condition  $U < V$  utilise la longueur des mots et l'ordre lexicographique !!

**Deuxième question** Quelle est la plus petite ville de France ?

→ *Exercise: do it yourself !*

`pluspetiteville(V):- ville(V), not ville(U):ville(U):U<V.`

## Nouvelles données

population(brest,20000). population(rennes,300000).  
population(paris,10000000). population(nantes,500000).

**Dernière question** Quelle est la plus grande ville de France en terme de population ?

→ *Exercise: do it yourself !*

# Classification

## Données

ville(brest;rennes;nantes;paris).

**Optimisation** Quelle est la plus grande ville de France ?

```
plusgrandeville(V):- ville(V), U<=V:ville(U).
```

→ la condition  $U < V$  utilise la longueur des mots et l'ordre lexicographique !!

**Deuxième question** Quelle est la plus petite ville de France ?

→ *Exercise: do it yourself !*

```
pluspetiteville(V):- ville(V), not ville(U):ville(U):U<V.
```

## Nouvelles données

```
population(brest,20000). population(rennes,300000).  
population(paris,10000000). population(nantes,500000).
```

**Dernière question** Quelle est la plus grande ville de France en terme de population ?

→ *Exercise: do it yourself !*

```
plusgrandepopulation(V):- population(V,W),  
                           not  
population(X,Y):population(X,Y):W<Y.
```

# ASP est utile dans quel cas ?

## Résolution des problèmes combinatoires: problèmes NP-complets et NP-difficiles (graphes, raisonnement, ...)

- Cadre unifié où sont intégrés des aspects bases de données, bases de connaissances, résolution de contraintes et programmation logique.
- **Déclarativité** Exprimer facilement des propriétés mathématiques sur un espace de recherche : plus il y a de propriétés, mieux ça marchera !
- **Optimisation**
- **Différents modes de raisonnement**: une solution, toutes, les meilleures, leur intersection ou leur union.
- Facilité pour **mettre au point et tester différents modèles** et différentes heuristiques.

# Limites

## Limite

- On n'échappe pas à la complexité mais on tire parti des particularités d'une instance de problème à résoudre.
- Difficile de tracer un programme ASP pour savoir où se cache la partie complexe.
  - Procéder par étapes : découpage modulaire en clauses indépendantes.
  - Prototype de profileur de l'exécution d'un programme.

## A ne pas utiliser...

- Pour remplacer des **algorithmes classiques maîtrisés** (tri, calcul traitement de séquences)
  - Le langage de script Lua est inclus dans gringo pour les pré et post-traitements;
- travailler dans des espaces peu structurés et peu contraints
- travailler dans des **espaces difficiles à discrétiser.**
- résoudre un problème qui nécessiterait de **nombreuses étapes successives** qui communiquent
  - un programme ASP ne permet pas d'écrire des procédures.

## Programmation par ensembles-réponses: un peu de sémantique

# Ensemble-réponse dans le cas de programmes positifs

**Programme positif** Un **programme positif** est constitué d'un ensemble de **règles** (clauses définies)

$$\underbrace{A}_{\text{tête}} : - \underbrace{B_1, B_2, \dots, B_m}_{\text{corps}}$$

où  $A$  (la **tête** de la règle) et les  $B$  (le **corps**) sont des **atomes** (variables booléennes)  
 $A : -B_1, B_2, \dots, B_m$  correspond à la formule  $\neg B_1 \vee \neg B_2 \vee \dots \vee \neg B_m \vee A$

→ Les programmes positifs sont des clauses disjonctives avec exactement un atome positif. (clauses définies).

## Ensemble clos d'un programme positif

Un ensemble d'atomes  $X$  est **clos pour un programme positif** si pour l'ensemble de ses règles  $r$

$$\text{corps}(r) \subset X \implies \text{tête}(r) \subset X$$

C'est un **modèle du programme** vu comme une formule.

**Ensemble-réponse** L'ensemble réponse  $Cn(P)$  (**answer set**) d'un programme positif  $P$  est le plus petit ensemble d'atomes qui soit clos pour  $P$ . Il existe et est unique.

# Exemple 1

$$\text{corps}(r) \subset X \implies \text{tête}(r) \subset X$$

## Programme

a :- b,p,q.

b :- q.

## Sous-ensembles d'atomes

{a,b,p,q}, {a,b,p}, {a,b,q}, {a,p,q}, {b,p,q}, {a,b}, {a,p}, {a,q}, {b,p}, {b,q}, {p,q}, {a}, {b}, {p}, {q},  $\emptyset$ .

## Sous-ensembles clos

→ *Exercise: do it yourself !*

## Ensemble-réponse?

# Exemple 1

$$\text{corps}(r) \subset X \implies \text{tête}(r) \subset X$$

## Programme

a :- b,p,q.

b :- q.

## Sous-ensembles d'atomes

{a,b,p,q}, {a,b,p}, {a,b,q}, {a,p,q}, {b,p,q}, {a,b}, {a,p}, {a,q}, {b,p}, {b,q}, {p,q}, {a}, {b}, {p}, {q},  $\emptyset$ .

## Sous-ensembles clos

→ *Exercise: do it yourself!*

{a,b,p,q}, {a,b,p}, {a,b,q}, NONCLOS{a,p,q}, NONCLOS{b,p,q}, {a,b}, {a,p}, NONCLOS{a,q}, NONCLOS{b,p}, {b,q}, NONCLOS{p,q}, {a}, {b}, {p}, NONCLOS{q},  $\emptyset$ .

## Ensemble-réponse?



# Exemple 1

$$\text{corps}(r) \subset X \implies \text{tête}(r) \subset X$$

## Programme

a :- b,p,q.

b :- q.

## Sous-ensembles d'atomes

{a,b,p,q}, {a,b,p}, {a,b,q}, {a,p,q}, {b,p,q}, {a,b}, {a,p}, {a,q}, {b,p}, {b,q}, {p,q}, {a}, {b}, {p}, {q},  $\emptyset$ .

## Sous-ensembles clos

→ *Exercise: do it yourself !*

{a,b,p,q}, {a,b,p}, {a,b,q}, NONCLOS{a,p,q}, NONCLOS{b,p,q}, {a,b}, {a,p}, NONCLOS{a,q}, NONCLOS{b,p}, {b,q}, NONCLOS{p,q}, {a}, {b}, {p}, NONCLOS{q},  $\emptyset$ .

## Ensemble-réponse? $\emptyset$

→ Le programme ne contient que des implications, et rien n'est "vrai".

**Tout ce qui n'est pas prouvé par un fait est considéré comme faux!**

## Exemple 2

$$\text{corps}(r) \subset X \implies \text{tête}(r) \subset X$$

### Programme

a :- b,p,q.

b :- q.

q.

### Sous-ensembles d'atomes

{a,b,p,q}, {a,b,p}, {a,b,q}, {a,p,q}, {b,p,q}, {a,b}, {a,p}, {a,q}, {b,p}, {b,q}, {p,q}, {a}, {b}, {p}, {q},  $\emptyset$ .

### Sous-ensembles clos

Ensemble-réponse?

## Exemple 2

$$\text{corps}(r) \subset X \implies \text{tête}(r) \subset X$$

### Programme

a :- b,p,q.

b :- q.

q.

### Sous-ensembles d'atomes

{a,b,p,q}, {a,b,p}, {a,b,q}, {a,p,q}, {b,p,q}, {a,b}, {a,p}, {a,q}, {b,p}, {b,q}, {p,q}, {a}, {b}, {p}, {q},  $\emptyset$ .

### Sous-ensembles clos

{a,b,p,q}, **NONCLOS**{a,b,p}, {a,b,q}, NONCLOS{a,p,q}, NONCLOS{b,p,q}, **NONCLOS**{a,b},  
**NONCLOS**{a,p}, NONCLOS{a,q}, **NONCLOS**{b,p}, {b,q}, NONCLOS{p,q}, **NONCLOS**{a}, **NONCLOS**{b},  
**NONCLOS**{p}, NONCLOS{q}, **NONCLOS**  $\emptyset$ .

→ Comme  $\emptyset$  est contenu dans un corps,  $q$  doit être contenu dans tous les sous-ensembles clos.

### Ensemble-réponse? **{b,q}**

→ On n'a pas gardé  $p$  puisqu'on n'a aucune preuve de  $p$ .

**Les atomes d'un ensemble-réponse d'un programme positif apparaissent dans la tête d'au moins une règle**

## Programmes avec NOT?

Programme "quelconque" Un *programme* est constitué de manière plus générale d'un ensemble de règles

$$r: \underbrace{A}_{\text{tete}} : - \underbrace{B_1, B_2, \dots, B_m}_{\text{corps}^+(r)} \underbrace{\text{not } B_{m+1}, \text{not } B_{m+2}, \dots, \text{not } B_{m+n}}_{\text{corps}^-(r)}$$

Réduit par rapport à un ensemble Le *réduit* d'un programme par rapport à un ensemble d'atomes  $X$  est l'ensemble des règles de la forme

$$r: \text{tête}(r) :- \text{corps}^+(r) \text{ pour tout règle } r \text{ telle que } \text{corps}^-(r) \cap X = \emptyset.$$

### Calcul

- On choisit un sous-ensemble d'atomes  $X$
- On ne garde que les règles  $r : A : -B_1, B_2, \dots, B_m$  pour lesquelles aucun des  $B_{m+1}, B_{m+2}, \dots, B_{m+n}$  n'appartiennent à  $X$ .

Exemple  $a :- b, \text{not } q. \quad b :- p, q. \quad p.$

- Réduit par rapport à  $\{ q \}$  ? *Exercise: do it yourself !*
- Réduit par rapport à  $\{ a \}$  ? *Exercise: do it yourself !*

## Programmes avec NOT?

Programme "quelconque" Un *programme* est constitué de manière plus générale d'un ensemble de règles

$$r: \underbrace{A}_{\text{tete}} : - \underbrace{B_1, B_2, \dots, B_m}_{\text{corps}^+(r)} \underbrace{\text{not } B_{m+1}, \text{not } B_{m+2}, \dots, \text{not } B_{m+n}}_{\text{corps}^-(r)}$$

Réduit par rapport à un ensemble Le *réduit* d'un programme par rapport à un ensemble d'atomes  $X$  est l'ensemble des règles de la forme

$$r: \text{tête}(r) :- \text{corps}^+(r) \text{ pour tout règle } r \text{ telle que } \text{corps}^-(r) \cap X = \emptyset.$$

### Calcul

- On choisit un sous-ensemble d'atomes  $X$
- On ne garde que les règles  $r : A : -B_1, B_2, \dots, B_m$  pour lesquelles aucun des  $B_{m+1}, B_{m+2}, \dots, B_{m+n}$  n'appartiennent à  $X$ .

Exemple  $a :- b, \text{not } q. \quad b :- p, q. \quad p.$

- Réduit par rapport à  $\{ q \}$  ? *Exercise: do it yourself !*

$b :- p, q.$

$p.$

- Réduit par rapport à  $\{ a \}$  ? *Exercise: do it yourself !*

$a :- b.$

$b :- p, q.$

$p.$

# NOT: ensemble-réponse

**Ensemble-réponse** Un *ensemble réponse* (modèle stable) d'un programme  $P$  est un sous-ensemble  $X$  d'atomes tel que

- $X$  est **clos** pour le programme obtenu comme **réduit** de  $P$  par rapport à  $X$ .
- $X$  est **minimal** pour l'inclusion.

## Remarque

- Il faut d'abord réduire le programme par rapport à  $X$  et ensuite vérifier que ce qu'on obtient est clos vis à vis de  $X$ .
- Il peut y en avoir 0, 1 ou plusieurs.

## Contenu d'un ensemble-réponse

Un modèle contient l'atome d'une tête de règle

- si la règle est un fait (règle réduite à une tête) après en avoir enlevé les littéraux négatifs qui ne sont pas dans le modèle
- ou si tous les littéraux positifs du corps sont dans le modèle et aucun des littéraux négatifs.

# Exemple 1

$p:- p. \quad q:- \text{not } p.$

Enumérer les sous-ensembles  $X$  d'atomes.

$\{p,q\}, \{p\}, \{q\}, \emptyset.$

Pour chacun, calculer le réduit.

- $\{p,q\}$ . Réduit: ?  $p:-p.$
- $\{p\}$ . Réduit: ?
- $\{q\}$ . Réduit: ?
- $\emptyset$ . Réduit: ?

Pour chaque réduit, calculer l'ensemble clos minimal

- $\{p,q\}$ . Réduit:  $p:-p.$  . Ensemble clos minimal?
- $\{p\}$ . Réduit:                    Ensemble clos minimal?
- $\{q\}$ . Réduit:                    Ensemble clos minimal?
- $\emptyset$ . Réduit:                    Ensemble clos minimal?

Garder les clos minimaux

**Ensembles-réponses ?**

# Exemple 1

$$p:- p. \quad q:- \text{not } p.$$

Enumérer les sous-ensembles  $X$  d'atomes.

$\{p,q\}$ ,  $\{p\}$ ,  $\{q\}$ ,  $\emptyset$ .

Pour chacun, calculer le réduit.

- $\{p,q\}$ . Réduit: ?  $p:-p.$
- $\{p\}$ . Réduit: ?  $p:-p.$
- $\{q\}$ . Réduit: ?  $p:-p. \quad q.$
- $\emptyset$ . Réduit: ?  $p:-p. \quad q.$

Pour chaque réduit, calculer l'ensemble clos minimal

- $\{p,q\}$ . Réduit:  $p:-p. \quad$  . Ensemble clos minimal?
- $\{p\}$ . Réduit:  $p:-p. \quad$  Ensemble clos minimal?
- $\{q\}$ . Réduit:  $q.$  Ensemble clos minimal?
- $\emptyset$ . Réduit:  $p:-p. \quad q.$  Ensemble clos minimal?

Garder les clos minimaux

**Ensembles-réponses ?**



# Exemple 1

$p:- p.$     $q:- \text{not } p.$

Enumérer les sous-ensembles  $X$  d'atomes.

$\{p,q\}$ ,  $\{p\}$ ,  $\{q\}$ ,  $\emptyset$ .

Pour chacun, calculer le réduit.

- $\{p,q\}$ . Réduit: ?  $p:-p.$
- $\{p\}$ . Réduit: ?  $p:-p.$
- $\{q\}$ . Réduit: ?  $p:-p.$     $q.$
- $\emptyset$ . Réduit: ?  $p:-p.$     $q.$

Pour chaque réduit, calculer l'ensemble clos minimal

- $\{p,q\}$ . Réduit:  $p:-p.$    . Ensemble clos minimal?  $\emptyset$
- $\{p\}$ . Réduit:  $p:-p.$    Ensemble clos minimal?  $\emptyset$
- $\{q\}$ . Réduit:  $p:-p.$     $q.$  Ensemble clos minimal?  $\{q\}$
- $\emptyset$ . Réduit:  $p:-p.$     $q.$  Ensemble clos minimal?  $\{q\}$

Garder les clos minimaux

**Ensembles-réponses ?**

# Exemple 1

$p:- p.$     $q:- \text{not } p.$

Enumérer les sous-ensembles  $X$  d'atomes.

$\{p,q\}$ ,  $\{p\}$ ,  $\{q\}$ ,  $\emptyset$ .

Pour chacun, calculer le réduit.

- $\{p,q\}$ . Réduit: ?  $p:-p.$
- $\{p\}$ . Réduit: ?  $p:-p.$
- $\{q\}$ . Réduit: ?  $p:-p.$     $q.$
- $\emptyset$ . Réduit: ?  $p:-p.$     $q.$

Pour chaque réduit, calculer l'ensemble clos minimal

- $\{p,q\}$ . Réduit:  $p:-p.$    . Ensemble clos minimal?  $\emptyset$
- $\{p\}$ . Réduit:  $p:-p.$    Ensemble clos minimal?  $\emptyset$
- $\{q\}$ . Réduit:  $p:-p.$     $q.$  Ensemble clos minimal?  $\{q\}$
- $\emptyset$ . Réduit:  $p:-p.$     $q.$  Ensemble clos minimal?  $\{q\}$

Garder les clos minimaux

**Ensembles-réponses ?  $\{q\}$**

## Exemple 2

$p:- \text{not } q. \quad q:- \text{not } p.$

Enumérer les sous-ensembles  $X$  d'atomes.

$\{p,q\}, \{p\}, \{q\}, \emptyset.$

Pour chacun, calculer le réduit.

- $\{p,q\}. \rightarrow$
- $\{p\}. \rightarrow$
- $\{q\}. \rightarrow$
- $\emptyset. \text{ Réduit: ?}$

Pour chaque réduit, calculer l'ensemble clos minimal

- $\{p,q\}. \text{ Réduit: } \quad . \text{ Ensemble clos minimal?}$
- $\{p\}. \text{ Réduit: } \quad \text{Ensemble clos minimal?}$
- $\{q\}. \text{ Réduit: } \quad \text{Ensemble clos minimal?}$
- $\emptyset. \text{ Réduit: } \quad \text{Ensemble clos minimal?}$

Garder les clos minimaux

**Ensembles-réponses ?**

## Exemple 2

$p:- \text{not } q. \quad q:- \text{not } p.$

Enumérer les sous-ensembles  $X$  d'atomes.

$\{p,q\}, \{p\}, \{q\}, \emptyset.$

Pour chacun, calculer le réduit.

- $\{p,q\}. \rightarrow \emptyset$
- $\{p\}. \rightarrow p.$
- $\{q\}. \rightarrow q.$
- $\emptyset.$  Réduit: ?  $p.$        $q.$

Pour chaque réduit, calculer l'ensemble clos minimal

- $\{p,q\}.$  Réduit: programme vide . Ensemble clos minimal? rien
- $\{p\}.$  Réduit:  $p.$  Ensemble clos minimal?  $\{p\}$
- $\{q\}.$  Réduit: Ensemble clos minimal?
- $\emptyset.$  Réduit:  $p.$        $q.$  Ensemble clos minimal?

Garder les clos minimaux

**Ensembles-réponses ?  $\{p\}, \{q\}$**

## Exemple 2

$p:- \text{not } q. \quad q:- \text{not } p.$

Enumérer les sous-ensembles  $X$  d'atomes.

$\{p,q\}, \{p\}, \{q\}, \emptyset.$

Pour chacun, calculer le réduit.

- $\{p,q\}. \rightarrow \emptyset$
- $\{p\}. \rightarrow p.$
- $\{q\}. \rightarrow q.$
- $\emptyset.$  Réduit: ?  $p.$        $q.$

Pour chaque réduit, calculer l'ensemble clos minimal

- $\{p,q\}.$  Réduit: programme vide . Ensemble clos minimal? rien
- $\{p\}.$  Réduit:  $p.$  Ensemble clos minimal?  $\{p\}$
- $\{q\}.$  Réduit:  $q.$  Ensemble clos minimal?  $\{q\}$
- $\emptyset.$  Réduit:  $p.$        $q.$  Ensemble clos minimal?  $\{p,q\}$

Garder les clos minimaux

**Ensembles-réponses ?  $\{p\}, \{q\}$**



## Exemple 3

$p :- \text{not } p.$

Enumérer les sous-ensembles  $X$  d'atomes.

$\{p\}, \emptyset.$

Pour chacun, calculer le réduct.

- $\{p, q\}. \rightarrow \emptyset$
- $\emptyset. \rightarrow p.$

Pour chaque réduct, calculer l'ensemble clos minimal

- $\{p, q\}. \text{ Réduit: programme vide . Ensemble clos minimal? rien}$
- $\emptyset. \text{ Réduit: } p. \text{ Ensemble clos minimal?}$

Garder les clos minimaux

**Ensembles-réponses ? Aucun !!!**

## Exemple 3

$p :- \text{not } p.$

Enumérer les sous-ensembles  $X$  d'atomes.

$\{p\}, \emptyset.$

Pour chacun, calculer le réduit.

- $\{p, q\} \rightarrow \emptyset$
- $\emptyset \rightarrow p.$

Pour chaque réduit, calculer l'ensemble clos minimal

- $\{p, q\}$ . Réduit: programme vide . Ensemble clos minimal? rien
- $\emptyset$ . Réduit:  $p.$  Ensemble clos minimal?  $\{p\}$

Garder les clos minimaux

**Ensembles-réponses ? Aucun !!!**

A retenir

**Un ensemble réponse contient des atomes se trouvant dans une tête de règle du programme. Tout élément d'un ensemble réponse est supporté par une règle.**

Logique non monotone: rajouter des faits à une théorie peut faire réduire l'ensemble de conclusions.



## Catalogue plus avancé...

**Avec différents éléments du langage, on a des règles de remplacement en introduisant éventuellement des atomes supplémentaires**

**Variables** On instancie les variables en réduisant au mieux le nombre d'instances produites (*gringo*).

**Contraintes d'intégrité** On remplace `:- p.` par `atomesup:- p, not atomesup.`

**Contraintes ensemblistes** On remplace `{a,b}:- p.` par `atomesup:- p.`

```
a:- atomesup, not atomesup_a.  atomesup_a :- atomesup, not a
b:- atomesup, not atomesup_b.  atomesup_b :- atomesup, not b
```

**Contraintes de cardinalité** D'autres règles de remplacement.

# Le piège...

## Explosion lors de l'instanciation

- ASP peut gérer des programmes avec quelques millions d'atomes.
- MAIS : ce nombre est vite atteint !
- **Limiter au maximum le nombre de variables différentes dans une clause !**

## Compromis grounding/solving

- **Gringo** (instancieur) dépense de la **mémoire**. Précalcule (tabule) tout ce qui peut être instancié à l'avance de manière déterministe.
- **Clasp** (solveur) dépense du **CPU**, il effectue les choix et élague dynamiquement l'espace de recherche.
- Il faut faire en sorte que le solveur apprenne de nouvelles contraintes en cours de résolution.

# Le choix du solveur

Dépend du problème considéré !

**clasp**: Calcul des ensemble-réponses minimaux en taille.

**unclasp**: Autre heuristique pour calculer des ensembles-réponses minimaux en taille  
→ petits sous-ensembles d'un espace de grande taille.

**claspD**(isjunctive) utilise des metaprogrammes additionnels pour calculer des ensembles-réponses minimaux pour l'inclusion ensembliste.

**hclasp** utilise des prédicats supplémentaires pour guider la recherche et réaliser des "mémorisations de solutions" pour calculer des ensembles minimaux pour l'inclusion ensembliste.

**clingo**(gringo+clasp) Utilisation "tout en un".

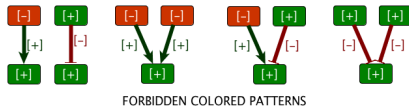
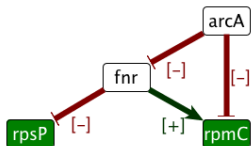
**iclingo** Solveur incrémental : (base + paramètre incrémentant d'un pas de résolution à l'autre)

**clingcon** Solveur de contraintes sur entiers



Jouons un peu...

**Constraint over graph-coloring** Explain the expression of each target gene by the consistent regulation of a source.



### Exercice

**Écrire un programme qui vérifie que le modèle est inconsistant ou, s'il est consistant, qui donne les prédictions existantes**

# Suite

Déclarer les signes, sommets, observations des sommets, aretes avec leurs observations.

Chaque sommet a exactement une prédiction `labelV`, qui est compatible avec les observations si elles existent.

Chaque sommet peut se voir prédire exactement un signe

Les observations permettent de spécifier des signes

une prédiction ne peut pas être différente d'une observation de sommet

## Suite

Déclarer les signes, sommets, observations des sommets, aretes avec leurs observations.

```
signe(down;up).  
vertex(rpsP;fnr;arcA;rpmC).  
observedV(rpsP,up).  
observedE(fnr,rpsP,down).  observedE(fnr,rpmC,up).  
observedE(arcA,fnr,down).  observedE(arcA,rpmC,down).
```

Chaque sommet a exactement une prédiction `labelV`, qui est compatible avec les observations si elles existent.

```
1{labelV(I,S):signe(S)}1 :- vertex(I).  
labelV(I,S) :- observedV(I,S).
```

Chaque sommet peut se voir prédire exactement un signe

```
1{receive(I,S):signe(S)}1 :- vertex(I).
```

Les observations permettent de spécifier des signes

```
receive(I,up) :- observedE(J,I,S), labelV(J,S).  
receive(I,down) :- observedE(J,I,S), labelV(J,T), S!=T.
```

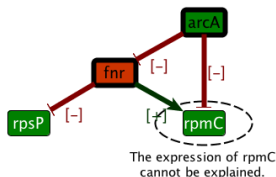
une prédiction ne peut pas être différente d'une observation de sommet

```
:- labelV(I,S), not receive(I,S).
```

# Extensions

## Application *[Guziolowski-BMCGenomics'09, Gebser-KR'10]*

- **Prediction.** *rpsP* and *fnr* have fixed colors according to allowed patterns.
- **Diagnosis.** An extra forbidden pattern appears on *rpmC*. *[Guziolowski-BMCGenomics'09]*
- **Repair.** Also possible with intersection mode. *[Gebser-KR'10]*
- **Sign inference.** *[Veber-BMC bioinfo'2008]*



## Availability

- **Encodings** [http://www.cs.uni-potsdam.de/bioasp/sign\\_consistency.html](http://www.cs.uni-potsdam.de/bioasp/sign_consistency.html)
- **Python** <http://pypi.python.org/pypi/ingranalyze>
- **Online** [http://mobyale.genouest.org/cgi-bin/Mobyale/portal.py#forms::bioasp-check\\_inflgraph](http://mobyale.genouest.org/cgi-bin/Mobyale/portal.py#forms::bioasp-check_inflgraph)

## Qu'est ce qui fait que ca marche ?

- l'expressivité du langage
- le mode de raisonnement par intersection





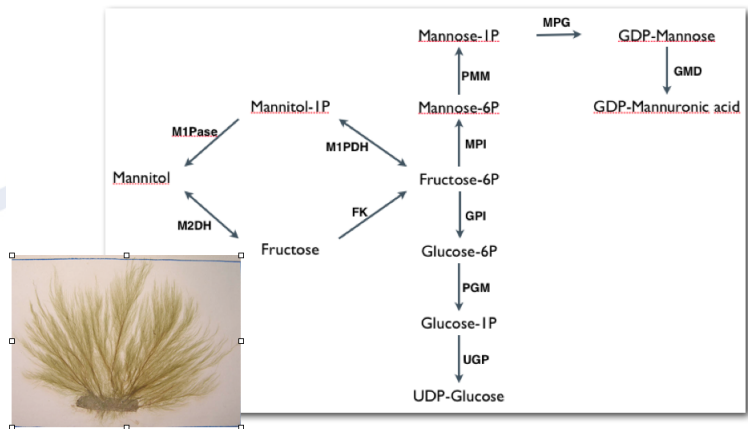
# Scalability ?

Can this approach of reasoning over data and (dynamical) rules be useful in larger scale applications ?

- topological study of metabolic networks.
- identification of regulatory modules.
- pruning network after their inference.

# First question: case-study

How to reconstruct a metabolic network for non-model species ?



*Brown algae: manitol cycle*

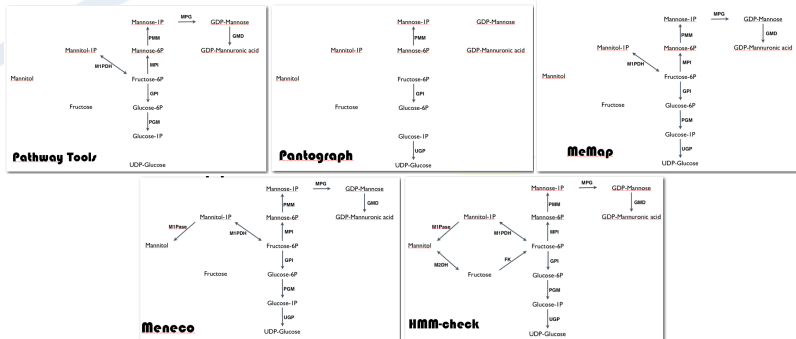
# How to reconstruct a network ?

## Use many data sources

- Gene sequences
- Protein sequences
- Gene annotations
- Reaction databanks
- Metabolic evidences

## Many steps for the integration...

- Mapping gene annotation to reactions
- Use sequence alignments
- **Network completion**
- Genome post-validation
- Functional validation



# The key combinatorial point: network completion

## Metabolic functionality ?

- $\simeq$  1800 reactions,  $\simeq$  2000 metabolites.
- Among 51 targets, only half are producible before completion.
- 

**Combinatorial problem:** find all the sets of reactions with a minimal size that restore the connectivity between the seed and the targets.



# The key point: network completion

ASP solves the problem [Collet&Prigent&Thiele, LPNMR'2013]

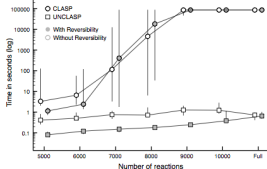
- **Knowledge representation**: reversible reaction.
- **Compute the minimum** of interactions in network completion. Heuristics (*unclasp*).
- **Enumerate** the intersection of all solution.
- **Study the combinatorics**.

→ about 10 reactions are necessary to restore the connectivity of the network but have no enzyme candidates on the genome...[Prigent, work in progress]

**Focus on characteristic pathways/actors of the metabolic response...**

Listing 1.2. Ground logic program instance with reversibility.

```
seed(H2). seed(O). target(H2O).  
  
{ reaction(r) }. reversible(r).  
reactant(H2,r). reactant(O,r).  
product(H2O,r).  
  
scope(H2) :- seed(H2).  
scope(O) :- seed(O).  
  
scope(H2O) :- product(H2O,r), reaction(r),  
scope(H2), scope(O), reactant(H2,r), reactant(O,r).  
  
scope(H2) :- reactant(H2,r), reaction(r), reversible(r),  
scope(H2O), product(H2O,r).  
  
scope(O) :- reactant(O,r), reaction(r), reversible(r),  
scope(H2O), product(H2O,r).  
  
:- target(H2O), not scope(H2O).  
  
#minimize[ reaction(r) ].
```

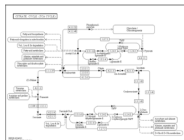
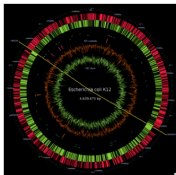


## Availability

- **Encodings** <http://www.cs.uni-potsdam.de/bioasp/expansion.html>
- **Python** <http://pypi.python.org/pypi/meneco>
- **Online** [http://mobyle.genouest.org/cgi-bin/Mobyle/porta.py#forms::bioasp-network\\_expansion](http://mobyle.genouest.org/cgi-bin/Mobyle/porta.py#forms::bioasp-network_expansion)

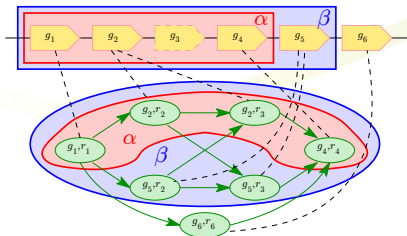
# Further development in integrative biology

Combine genomic and metabolic information ?



Dynamics **What could be a functional module ?**

**Portions of genomes with a high density of gene coding for enzymes that are *close* in a metabolic pathway**



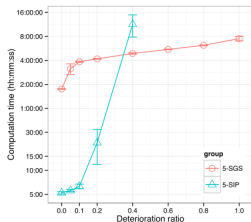
# Enumeration

## ASP-based approach [ Bourdon, Thiele et al , LPNMR'13 ]

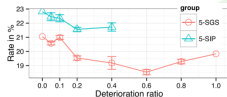
- Step 0: **Model** shortest genome segments
- Step 1: **computing the minimum** length of a segment that can catalyze the desired metabolic pathway.
- Step 2: **enumerating** all solution from the minimum length to a fixed maximum length.

Listing 1.1. sgu.lp: ASP encoding of shortest genome segments.

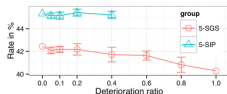
```
1 sgene(G) :- start(R), cat(G,R).
2 egene(G) :- end(R), cat(G,R).
3
4 pse(F,L) :- gene(F;L), F<L,
5             (L-F)+1 <= max, (L-F)+1 >= min,
6             egene(S), S > S-max, L < S+max,
7             S >= F, S <= L,
8             egene(E), F > E-max, L < E+max,
9             E >= F, E <= L.
10
11 {!( se(F,L) : pse(F,L) ).}
12
13 on_segment(G) :- se(F,L), gene(G), G>F, G<L.
14
15 aedge(X,Y) :- edge(X,Y), cat(G1,X), cat(G2,Y),
16              on_segment(G1;G2).
17
18 from_start(X) :- start(X), on_segment(G), cat(G,X).
19 to_end(Y) :- to_end(Y), aedge(X,Y), cat(G,X),
20             !- not from_start(X), end(X).
21
22 to_end(Y) :- end(Y), on_segment(G), cat(G,Y).
23 to_end(X) :- to_end(Y), aedge(X,Y), cat(G,X).
24
25 aunit(G) :- on_segment(G), cat(G,X), from_start(X), to_end(X).
26 !- se(F,L), not aunit(F).
27 !- se(F,L), not aunit(L).
28
29 length((L-F)+1) :- F<L, se(F,L).
30
31 :- length(X), X < min.
32
33 #minimize [ length(L) = L ].
```



(a) Computation time



(b) Operonic relevance



(c) Operonic justification

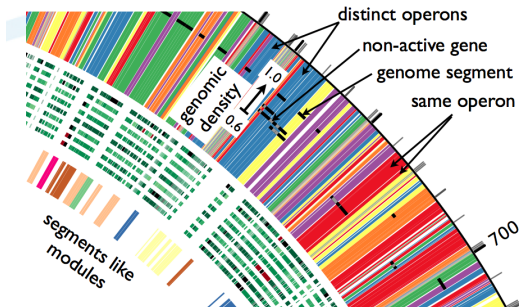
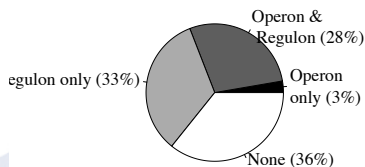
**Good computational performances: the complete set of modules can be exhaustively computed**



# Validation

ASP-based approach [ Bourdon, work in progress ]

- Validation with lists of operons and regulons.
- 90% have a GO enrichment with a good p-value.



Color: union of modules sharing co-expressed genes

## Prospects

- Prediction of functional modules for exotic bacteria → validation of functional modules.
- Elucidate regulatory relationships between functional modules?

# Relationship with network inference?

Regulatory network inference in few words Identify the **main actors and functions** involved in the response of a system.

## State-of-the-art methods

- **Data-mining**. Statistics. Machine Learning...
- **Metaheuristics**. Search for a local optimal (genetic algorithms...).
- **Optimization**. Look for best-score solution (ILP).

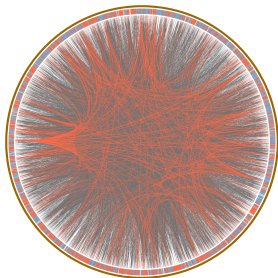
**Weakness: most approaches are **discriminative**:  
their output is a "single" most-probable solution.**

**Limitations** Uncertainties appear at different stages of the identification process

- **Confidence** in the resulting predictions?
- Relevance of a **unique** solution?

## Case-study: E. coli regulatory network

- **Data** Regulatory evidences between genes (TF motif, Prodoric, Regulon DB).
- Combine genes when they belong to the same operon.  
→ **direct regulations between operons.**
- **Analysis**
- Very few regulations have biological evidence: false-positive.



**How can we use reasoning of expression data to reduce false-positive?**

Idea: **explain** mutual information with **few** indirect regulations.

## Reasoning over the graph

- **Data 2:** expression data → **Mutual information.**  
→ **pairs of genes sharing mutual information.**
- **Dynamical rule** **Each pair of gene with mutual information should be explained by an indirect common regulator.**
- **Implementation** Select interactions appearing in **shortest explanatory paths** for pairs of mutual information.  
→ Good prediction score + relatively short path

**The trick: strong need for a discretized version of the problem**

# Difficult combinatorial problem: ASP

Generate all minimal explanations for each pair of gene sharing mutual information

- Optimization.
- Union reasoning mode.
- Specific heuristics: *unclasp* solver.

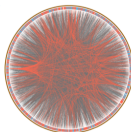
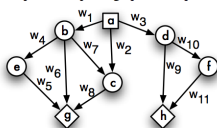
For each explanatory node, find the nodes in explanatory pathways

- Grounding.

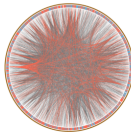
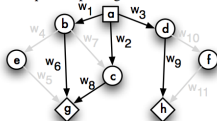
Results [Aravena, work in progress]

- ASP can enumerate all the solutions.
- The pruning removes false-positive interactions from the inferred network while keeping true-positive

Operon-to-operon graph before pruning



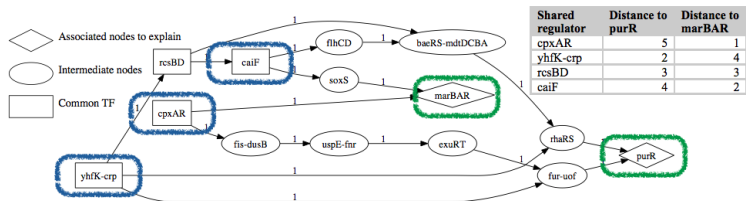
Graph after pruning



# Deduce regulators...

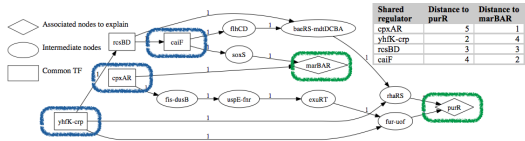
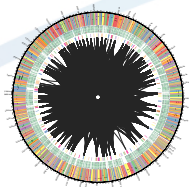
- modeling regulatory relationship with discrete rules
- using efficient solvers

→ **elucidating causalities within correlations and propose regulators with higher confidence.**



# To do next

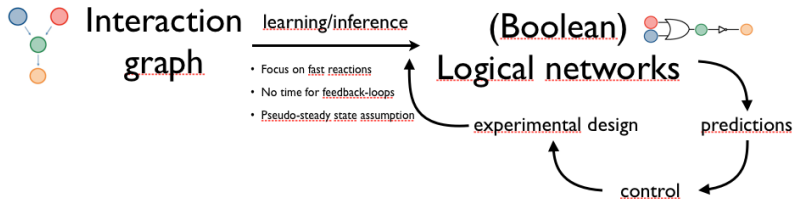
Combine everything....



... to decipher key regulators of exotic organisms ?

How do actors act together ?

## Logic based modeling of signaling pathways



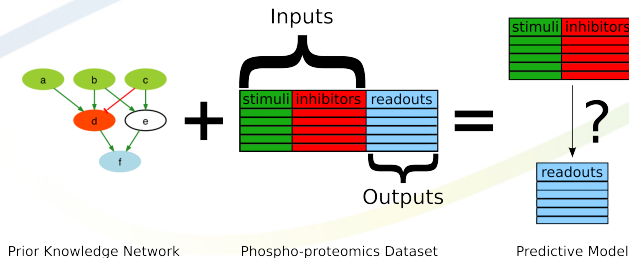


# Learning logical static rules

## Data

- Signed and directed causal interactions among proteins
- Phosphorylation activity in time  $t$  after stimulation

## Goal Predictive models of immediate-early protein signaling pathways

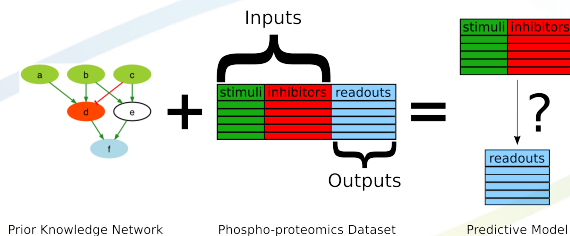


## Underlying assumptions

- Focus on fast reactions
- No time for feedback mechanisms
- Pseudo-steady state assumption

# Predictive Signaling Network Challenge [Prill'11].

12 groups with different formalisms (ODEs, machine learning, boolean logic)



Score **Trade-off between fitness and model size.**

- **Biological Property:** consistency with experimental data
- **Parsimony Principle:** minimal/simplest explanation

# Discrete approach

a	b	c	d	f
1	1	1	1	0,7
1	1	1	0	0,2

**a, b, c** are stimulated and **d** is not inhibited

$$((d \wedge e) \equiv f) \wedge (c \equiv e) \wedge a \wedge b \wedge c \wedge (((a \wedge b) \vee \neg c) \equiv d)$$

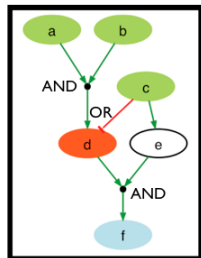
**a, b, c** are stimulated and **d** is inhibited

$$((d \wedge e) \equiv f) \wedge (c \equiv e) \wedge a \wedge b \wedge c \wedge \neg d$$

a	b	c	d	f	f <sub>M</sub>
1	1	1	1	0,7	1
1	1	1	0	0,2	0

- Residual:  $(0.2 - 0)^2 + (0.7 - 1)^2 = 0.04 + 0.09 = 0.13$
- Size:  $3 + 1 + 2 = 6$

1	1	0	0	?	0
1	1	0	1	?	0
...	...	...	...	?	...
0	0	0	0	?	0

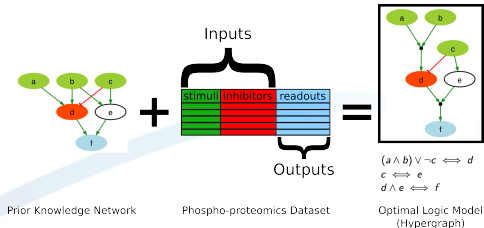


$$B(v) = \begin{cases} (a \wedge b) \vee \neg c & \text{if } v = d \\ c & \text{if } v = e \\ (d \wedge e) & \text{if } v = f \end{cases}$$

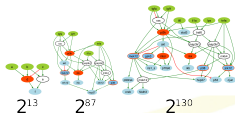
**Complete input-output behavior:**  
**Global Truth Table (GTT)**

# Discrete approach

Optimization Learning **Logic** Models or **hypergraphs**?



**Search space.** Hypergraphs compatible with the graph: exponential growth

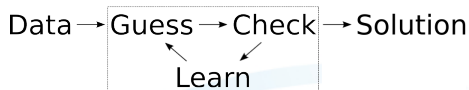


**State-of-the-Art** CellNOpt (genetic algorithm) [Saez-Rodriguez'09]

## Questions

- **Scalability** ?
- **Exhaustive enumeration** of the space of solutions ?
- Include inherent variability: **sub-optimal**s ?

## ASP. Guess & Check methodology



- **Data:** PKN and phospho-proteomics dataset (facts)

```
node(tnfa). node(p38). edge(tnfa,p38,1). exp(1,tnfa,1). obs(1,p38,0).
```

- **Guess:** Generate candidates models (non-deterministic)

```
{clause(A,N)} :- hyperedge(A,N).
```

- **Check:** Eliminate invalid models (integrity constraints)

```
:- clause(A,N), clause(B,M), A!=B, redundant(A,B).
```

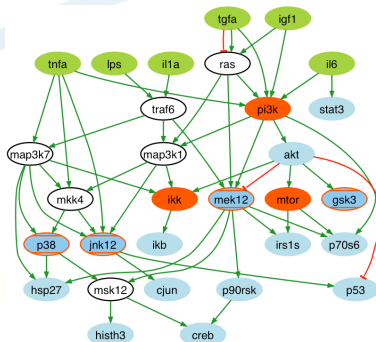
- **Learn:** Loop between "guess" and "check"

- **Optimize:** Minimize cost function (weighted sum of atoms)

```
#minimize[mismatch(E,R,W) = W, clause(A,N) : param(P) = N*P].
```

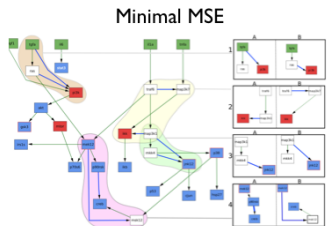
## Real case example

- **Case-study:** model of pro-growth and inflammatory pathways in human liver cells
- **Dataset:** Phosphorylation activity after perturbation of 15 proteins under 64 combinations of stimuli and inhibitions

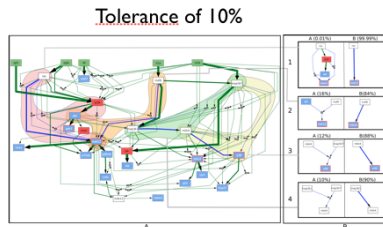


What can we say about boolean networks which are compatible with these data?

# Complete enumeration of sub-optimal models



- 16 optimal models (~1 sec.)
- 1 input-output behavior



- 11,700 suboptimal models (~4 sec.)
- 91 input-output behaviors

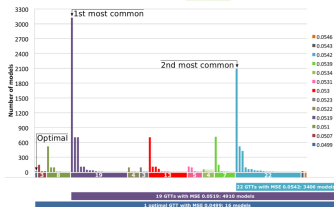
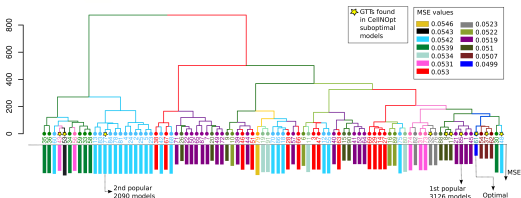
- ASP: Good time performances [Videla et al, CMSB'12]
- **Thousands of compatible models**
- Studying the combinatorial structure becomes possible [Videla-Guziolowski + EBI, submitted]
- Less variability among truth tables (input/output behaviors).

# What can be really deduced from the model ?

## Focus on truth tables allows reducing the variability

### Main observations

- 30% of input conditions give the same output among the 91 GTTs  
→ **Strong/robust predictions independent of the choice of the model**
- Some GTTs appear clearly more relevant than others (2 gather 50% of models)  
→ **Most interesting feature to reduce variability !**
- 1st most common GTT is very close to the optimal GTT





# Towards experimental design ?

## How addressing the question of experiment design ?

- Several criteria for "simplest" experimental condition.
- Several criteria for "most informative" experiment
- ASP appears as a powerful tool to address such questions.

## Preliminary results

- A few new experiments can discriminate most relevant truth tables.
- There are *two simplest experimental conditions* (inputs) maximizing differences between GTTs at the same time

	Stimuli			Inhibitors		Readouts			
	TFGa	IGF1	IL1a	mTORi	MEK12i	p70s6	CREB	p53	GTT
Experiment 1	1	0	1	1	1	0	1	1	Optimal
Experiment 2	0	1	1	1	1	1	0	1	1° most common
						0	0	0	2° most common

## Availability

- **Python** <http://pypi.python.org/pypi/caspo>
- **Online** <http://mobylye.genouest.org/cgi-bin/Mobylye/portal.py#forms::caspo>

**What is the trick: Modeling dynamics !!**

# Modeling approach

## Modeling steady-states of boolean networks?

- ASP: order one logics.
- **Iterative computation of logical rules until it stops.**
- Closely related to fixed-point semantics in logics !!

### 2-valued classical logics:

$\{0, 1\}$   
 $0 < 1$

### 3-valued Kleene's logics:

$\{*, 0, 1\}$   
 $* < 0, * < 1$

## Impact of semantics

- LSS2: everything remains **false** unless there is a cause to make it **true** (may not exist due to negative loops).
- LSS3: everything remains **undefined** unless there is a cause to make it either **true** or **false** (always exists).

LSS<sub>{2,3}</sub> starting from the  
“false” or “undefined” state  
and certain clamped nodes.

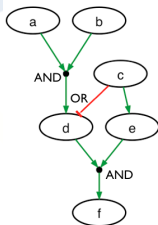
==

Least fixpoint starting from the  
“false” or “undefined” assignment  
and certain clamped variables.

# Application: control of signaling network

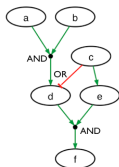
## Minimal intervention sets?

- Based on Minimal Cut Sets for metabolic networks (Klamt et al'2006, Samaga et al '2006).
- Hard combinatorial problem.



- Given:
- Constraints
- Goals
- Find:
- Required interventions (knock-in/out) over nodes in order to satisfy goals?

# Modelling with LLS<sub>3</sub>

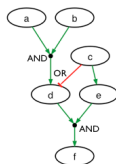


- **Constraints:** { }
- **Goals:** {d=-1}
- **Interventions:**
  - {a=-1, c=1}
  - {b=-1, c=1}

i: {a=-1, c=1}

LLS<sub>3</sub> →

t	a	b	c	d	e	f
t <sub>0</sub>	-1	*	1	*	*	*
t <sub>1</sub>	-1	*	1	-1	1	*
t <sub>2</sub>	-1	*	1	-1	1	-1



- **Constraints:** {a=-1, b=-1}
- **Goals:** {f=1}
- **Interventions?**
  - {a=1, b=1, c=1}
  - {a=1, b=1, e=1}
  - {c=1, d=1}
  - {c=0, e=1}
  - {d=1, e=1}

Iterative computation of the LLS<sub>3</sub> starting from the undefined state and certain clamped nodes: {a=1, b=1, e=1}

LLS<sub>3</sub> →

t	a	b	c	d	e	f
t <sub>0</sub>	1	1	*	*	1	*
t <sub>1</sub>	1	1	*	1	1	*
t <sub>2</sub>	1	1	*	1	1	1

LLS<sub>3</sub> captures "by nature" the early-response in logic models of signaling transduction [Videla et al, ICLP'2013]

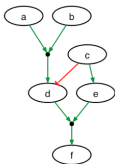
# Modelling with ASP

## instance

```
variable(a). variable(b). variable(c).
variable(d). variable(e). variable(f).
candidate(a). candidate(b). candidate(c).
candidate(d). candidate(e).
```

```
formula(d,0). formula(e,1). formula(f,2).
dnf(0,0). dnf(0,1). dnf(1,2). dnf(2,3).
clause(0,a,1). clause(0,b,1). clause(1,c,-1).
clause(2,c,1). clause(3,d,1). clause(3,e,1).
```

```
scenario(1).
constrained(1,a,-1). constrained(1,b,-1).
goal(1,f,1).
```



- Constraints: {a=-1, b=-1}
- Goals: {f=1}

## guess

```
goal(T,S)      :- goal(_,T,S).
goal(T)        :- goal(T,_).
constrained(Z,E) :- constrained(Z,E,_).
constrained(E) :- constrained(_,E).
```

auxiliary domain predicates

```
{ intervention(V,-1;1) : candidate(V) }.
```

Guess an intervention set among all candidates (optimization: some interventions can be omitted in advance)

```
:- intervention(V,1), intervention(V,-1).
intervention(V) :- intervention(V,S).
```

Eliminate contradictory interventions and project intervened variables

## fix point

```
eval(Z,V,S) :- scenario(Z), intervention(V,S).
eval(Z,E,S) :- constrained(Z,E,S),
               not intervention(E).
free(Z,V,D) :- formula(V,D), scenario(Z),
               not constrained(Z,V),
               not intervention(V).
```

Set truth value for interventions and side constraints. Neither intervened nor constrained, are "free"

```
eval_clause(Z,C,-1) :- clause(C,V,S),
                       eval(Z,V,-S).
```

A clause evaluates to false if at least one of its literals evaluates to false

```
eval(Z,V,1) :- free(Z,V,D), dnf(D,C),
               eval(Z,W,T) : clause(C,W,T).
```

A (free) variable evaluates to true if at least, in one of its DNF clauses all literals evaluates to true

```
eval(Z,V,-1) :- free(Z,V,D),
                eval_clause(Z,C,-1) : dnf(D,C).
```

A (free) variable evaluates to false if all its DNF clauses evaluates to false

## check&minimize

```
:- goal(Z,T,S), not eval(Z,T,S).
```

A goal variable does not evaluates as required

```
#const max=0.
:- max>0, max + 1 #count{ intervention(_) }.
```

Optional maximal number of interventions

```
#minimize { intervention(_) }.
```

Minimize over interventions

# Application...

smart encoding + *hclasp* allows computing all MIS in a reasonable time...[Videla et al, ICLP'2013]

	EGFR ( $3^{13} \times 2^{19}$ )			EGFR* ( $3^{52} \times 2^{15}$ )			TCR ( $3^{35} \times 2^{28}$ )			TBH6b ( $3^{85} \times 2^{24}$ )		
k	#MISs	<u>claspD</u>	<u>hclasp</u>	#MISs	<u>claspD</u>	<u>hclasp</u>	#MISs	<u>claspD</u>	<u>hclasp</u>	#MISs	<u>claspD</u>	<u>hclasp</u>
2	15	0,11	0,00	0	0,93	0,08	0	0,05	0,00	0	0,81	0,00
<b>3</b>	<b>21</b>	<b>0,13</b>	<b>0,00</b>	<b>8</b>	<b>1,15</b>	<b>0,10</b>	<b>7</b>	<b>0,05</b>	<b>0,00</b>	<b>6</b>	<b>0,92</b>	<b>0,00</b>
4	21	0,14	0,00	38	11,16	0,15	26	0,36	0,03	6	18,00	0,00
5	21	0,17	0,00	74	41,57	0,21	1196	2,04	0,08	6	17,40	0,00
...	...	...	...	...	...	...	...	...	...	...	...	...
10	21	0,19	0,00	83	84,60	0,23	9704	669,64	0,94	1248	667,85	<b>0,23</b>
<i>inf</i>	21	0,13	<b>0,00</b>	83	91,83	<b>0,19</b>	13016	512,52	<b>1,19</b>	-	-	-

**Summary** We can use programming logics to reason efficiently over large-scale biological data by including qualitative dynamical rules.

**What about quantitative data ?**

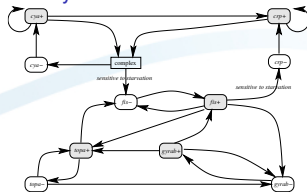
→ **new invariants can be used...**



# Small illustration

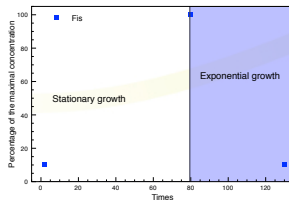
Imagine that you are given

A qualitative model of a system dynamics



E. Coli, [Ropers et al, 2006]

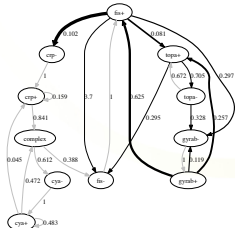
Some quantitative time-series information



3 time-series measures of *Fis* protein concentration.

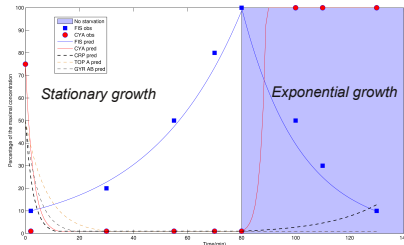
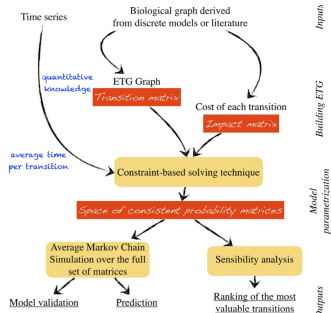
# Accumulative laws over Markov Chains

- **Model** Multiplicative accumulation law over a Markov chain which describes transitions at the transcriptional scale.
- **Dynamics** The asymptotic behavior follows a log-normal law with explicit parameters.
- **Application** [Bourdon et al, PLOS CB'2011]
  - Space of compatible Markov chains (local search methods)
  - Interaction sensitivity.



Event Transition Graph

Sensitivity of transition with respect to observations



Validation

Ergodic invariants allow predicting the main features of other proteins in the network!

# Conclusion: a huge mess

## (Too many) problems

- Curation of regulatory networks in cancer.
- Pruning regulatory network inferred from genome analysis and mutual information
- Identifying functional modules
- Learning signaling networks
- Controlling signaling networks
- Predicting time-series protein quantities

## What is the common point?

- Never discriminate between models.
- Introduce qualitative rules deduced from dynamical studies.
- Reduce uncertainty (raised by fluctuation in data) by making the problems discrete.
- Use very efficient programming logics (ASP) to integrate data and knowledge.
- cross your fingers (good compromise between efficiency and flexibility in the problem statement).

## Take home message

- **We now have efficient enough methods to address enumeration problems in integrative and systems biology.**

# Credits

## Modeling and Dynamics

- **IRISA/Inria (Rennes)**. G. Collet. M. Le Borgne. V. Picard. S. Prigent. S. Thiele. S. Videla.
- **LINA (Nantes)**. D. Eveillard, J. Bourdon.
- **Ircyyn (Nantes)**. C. Guziolowski.
- Univ. Luxembourg. T. Baumuratova.
- Univ. Montpellier. O. Radulescu.

## ASP solvers and grounders

- **Potsdam university**. T. Schaub. M. Gesber. M. Ostrowski.
- Rennes. J. Nicolas.

## Biological applications

- **Institut Curie** (Ewing sarcoma). G. Stoll. D. Surdez. O. Delattre. A. Zinoviev.
- **EBI** (signaling network). J. Saez-Rodriguez. F. Eduarti.
- **University of Chile** (exotic bacteria). A. Maass. P. Bordon. A. Aravena.
- **Station Biologique Roscoff** (algae). T. Tonon. C. Boyen.

Support ANR blanc Biotempo, Inria-Chile/CIRIC, ANR Inv. avenir Idealg.

# Aknowledgments

Thanks to the many people who contributed to the construction of this lecture

- **Jacques Nicolas.**
- Santiago Videla
- Andres Aravena.
- Philippe Bordron.
- Guillaume Collet.
- Sylvain Prigent.
- Sven Thiele.

## More about ASP

- Higher level introduction course. <http://www.irisa.fr/dyliss/jacques.nicolas>
- binaries: <http://www.cs.uni-potsdam.de/~sthiele/bioasp/downloads/bin/>
- Tutorial. [http://sourceforge.net/projects/potassco/files/potassco\\_guide/20101004/](http://sourceforge.net/projects/potassco/files/potassco_guide/20101004/)
- Advanced courses. <http://potassco.sourceforge.net/teaching.html>
- mailing list, google+ group
- Free book. Answer Set Solving in Practice Martin Gebser, Roland Kaminski, Benjamin Kaufmann, and Torsten Schaub Synthesis Lectures on Artificial Intelligence and Machine Learning, Dec. 2012, Vol. 6, No. 3 , Pages 1-238

